

Serge Autexier, Christoph Lüth

Universität Bremen

Sommersemester 2022

Fahrplan

- ▶ Einführung
- ▶ Operationale Semantik
- ▶ Denotationale Semantik
- ▶ Äquivalenz der Operationalen und Denotationalen Semantik
- ▶ Der Floyd-Hoare-Kalkül I
- ▶ Der Floyd-Hoare-Kalkül II: Invarianten
- ▶ Korrektheit des Floyd-Hoare-Kalküls
- ▶ **Strukturierte Datentypen**
- ▶ Verifikationsbedingungen
- ▶ Vorwärts mit Floyd und Hoare
- ▶ Funktionen und Prozeduren I
- ▶ Funktionen und Prozeduren II
- ▶ Referenzen und Speichermodelle
- ▶ Ausblick und Rückblick

Motivation

- ▶ Immer nur ganze Zahlen ist doch etwas langweilig.
- ▶ Weitere Basisdatentypen von C (Felder, Zeichenketten, Strukturen)
- ▶ Noch rein funktional, keine Referenzen
- ▶ Nicht behandelt, aber nur syntaktischer Zucker: `enum`
- ▶ Prinzipiell: keine `union`

Arrays

- ▶ Beispiele:

```
int six[6] = {1,2,3,4,5,6};
int a[3][2];
int b[][] = { {1, 0},
              {3, 7},
              {5, 8} }; /* Ergibt Array [3][2] */
```

- ▶ `b[2][1]` liefert 8, `b[1][0]` liefert 3

- ▶ Index startet mit 0, *row-major order*

- ▶ In C0: Felder als echte Objekte (in C: Felder \cong Zeiger)

- ▶ Allgemeine Form:

```
typ name[groesse1][groesse2]...[groesseN] =
```

- ▶ Alle Felder haben **feste Größe**.

Zeichenketten

- ▶ Zeichenketten sind in C (und C0) Felder von `char`, die mit einer Null abgeschlossen werden.
- ▶ Beispiel:


```
char hallo[6] = {'h', 'a', 'l', 'l', 'o', '\0' }
```
- ▶ Nützlicher syntaktischer Zucker:


```
char hallo[] = "hallo";
```
- ▶ Auswertung: `hallo[4]` liefert o

Strukturen

- ▶ Strukturen haben einen *structure tag* (optional) und Felder:

```
struct Vorlesung {
    char dozenten[2][30];
    char titel[30];
    int cp;
} ksgm;

struct Vorlesung pi3;
```

- ▶ Zugriff auf Felder über Selektoren:

```
int i = 0;
char name1[] = "Serge Autexier";
while (i < strlen(name1)) {
    ksgm.dozenten[0][i] = name1[i];
    i = i + 1;
}
```

- ▶ Rekursive Strukturen nur über Zeiger erlaubt (kommt noch)

C0: Erweiterte Ausdrücke

- ▶ **Lexp** beschreibt L-Werte (l-values), abstrakte Speicheradressen
- ▶ Neuer Basisdatentyp **C** für Zeichen
- ▶ Erweiterte Grammatik:


```
Lexp / ::= Idt | /[a] | /.Idt
Aexp a ::= Z | C | Lexp | a1 + a2 | a1 - a2 | a1 * a2 | a1/a2
Bexp b ::= 1 | 0 | a1 == a2 | a1 < a2 | ! b | b1 && b2 | b1 || b2
Exp e ::= Aexp | Bexp
```

Werte und Zustände

- ▶ Zustände bilden **strukturierte** Adressen auf Werte (wie vorher) ab.

Systemzustände

- ▶ **Locations:** Loc ::= Idt | Loc[Z] | Loc.Idt
- ▶ Werte: V = Z \cup C
- ▶ Zustände: $\Sigma \stackrel{\text{def}}{=} \text{Loc} \rightarrow V$

- ▶ Wir betrachten nur Zugriffe vom Typ Z oder C (**elementare Typen**)

- ▶ Nützliche Abstraktion des tatsächlichen C-Speichermodells

Beispiel

Programm

```
struct A {
    int c[2];
} b;
};

struct A x[] = {
    {{1,2}, {{'n','a','m','e','1','\0'}}},
    {{3,4}, {{'n','a','m','e','2','\0'}}}
};
```

Korrekte Software

9 [29]



Zustand

$x[0].c[0] \mapsto 1$	$x[1].c[0] \mapsto 3$
$x[0].c[1] \mapsto 2$	$x[1].c[1] \mapsto 4$
$x[0].b.name[0] \mapsto 'n'$	$x[1].b.name[0] \mapsto 'n'$
$x[0].b.name[1] \mapsto 'a'$	$x[1].b.name[1] \mapsto 'a'$
$x[0].b.name[2] \mapsto 'm'$	$x[1].b.name[2] \mapsto 'm'$
$x[0].b.name[3] \mapsto 'e'$	$x[1].b.name[3] \mapsto 'e'$
$x[0].b.name[4] \mapsto '1'$	$x[1].b.name[4] \mapsto '2'$
$x[0].b.name[5] \mapsto '\0'$	$x[1].b.name[5] \mapsto '\0'$

Operationale Semantik: L-Werte

► Lexp m wertet zu Loc I aus: $\langle m, \sigma \rangle \rightarrow_{Lexp} I$

$$\frac{x \in \text{Idt}}{\langle x, \sigma \rangle \rightarrow_{Lexp} x}$$

$$\frac{\langle m, \sigma \rangle \rightarrow_{Lexp} I \quad \langle a, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} i \quad \langle m, \sigma \rangle \rightarrow_{Lexp} I}{\langle m[a], \sigma \rangle \rightarrow_{Lexp} I[i]} \quad \frac{\langle m, \sigma \rangle \rightarrow_{Lexp} I \quad \langle m.i, \sigma \rangle \rightarrow_{Lexp} I.i}{\langle m.i, \sigma \rangle \rightarrow_{Lexp} I.i}$$

Korrekte Software

10 [29]



Operationale Semantik: Ausdrücke

- Ein L-Wert als Ausdruck wird ausgewertet, indem er ausgelesen wird:

$$\frac{\langle m, \sigma \rangle \rightarrow_{Lexp} I \quad I \in \text{Dom}(\sigma)}{\langle m, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} \sigma(I)}$$

- Auswertung für C:

$$\overline{\langle c :: \mathbf{C}, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} \text{Ord}(c)}$$

wobei $\text{Ord} : \mathbf{C} \rightarrow \mathbf{Z}$ eine bijektive Funktion ist, die jedem Character eine Ordinalzahl zuweist (zum Beispiel ASCII Wert).

Korrekte Software

11 [29]



Operationale Semantik: Zuweisungen

- Zuweisungen sind nur definiert für elementare Typen:

$$\frac{\langle m :: \tau_1, \sigma \rangle \rightarrow_{Lexp} I \quad \langle e :: \tau_2, \sigma \rangle \rightarrow v \quad \tau_1 = \tau_2 \text{ elementarer Typ}}{\langle m = e, \sigma \rangle \rightarrow_{Stmt} \sigma[I \mapsto v]}$$

- Die restlichen Regeln bleiben

Korrekte Software

12 [29]



Denotationale Semantik

- Denotation für Lexp:

$$\begin{aligned} \llbracket - \rrbracket_{\mathcal{L}} &: \mathbf{Lexp} \rightarrow (\Sigma \rightarrow \mathbf{Loc}) \\ \llbracket x \rrbracket_{\mathcal{L}} &= \{(\sigma, x) \mid \sigma \in \Sigma\} \\ \llbracket m[a] \rrbracket_{\mathcal{L}} &= \{(\sigma, I[l]) \mid (\sigma, l) \in \llbracket m \rrbracket_{\mathcal{L}}, (\sigma, l) \in \llbracket a \rrbracket_{\mathcal{A}}\} \\ \llbracket m.l \rrbracket_{\mathcal{L}} &= \{(\sigma, l.i) \mid (\sigma, l) \in \llbracket m \rrbracket_{\mathcal{L}}\} \end{aligned}$$

- Denotation für Characters $c \in \mathbf{C}$:

$$\llbracket c \rrbracket_{\mathcal{A}} = \{(\sigma, \text{Ord}(c)) \mid \sigma \in \Sigma\}$$

- Denotation für Zuweisungen:

$$\llbracket m = e \rrbracket_{\mathcal{C}} = \{(\sigma, \sigma[l \mapsto v]) \mid (\sigma, l) \in \llbracket m \rrbracket_{\mathcal{L}}, (\sigma, v) \in \llbracket e \rrbracket_{\mathcal{A}}\}$$

Korrekte Software

13 [29]



Floyd-Hoare-Kalkül

- Die Regeln des Floyd-Hoare-Kalküls berechnen geltende Zusicherungen
- Nötige Änderung: Substitution in Zusicherungen wird zur Ersetzung von Lexp-Ausdrücken

$$\vdash \{P[e/x]\} x = e \{P\}$$

- Jetzt werden Lexp ersetzt, keine Idt

$$\vdash \{P[e/I]\} I = e \{P\}$$

Anmerkung: I und e enthalten **keine** logischen Variablen.

- Gleichheit und Ungleichheit von Lexp nicht immer entscheidbar
- Problem: Feldzugriffe

Korrekte Software

14 [29]



Von der Substitution zur Ersetzung

$$\text{Assn } b ::= \text{true} \mid \text{false} \mid a_1 = a_2 \mid a_1 \leq a_2 \mid p(e_1, \dots, e_n) \quad (\text{Literale})$$

$$| \neg b \mid b_1 \wedge b_2 \mid b_1 \vee b_2 \mid b_1 \longrightarrow b_2 \mid \forall v. b \mid \exists v. b$$

$$\begin{aligned} \text{true}[e/I] &:= \text{true} & n[e/I] &:= n & (n \in \mathbf{Z} \uplus \mathbf{C}) \\ \text{false}[e/I] &:= \text{false} & I'[e/I] &:= I'[e/I] \left\{ \begin{array}{l} e \text{ falls } I = I' \\ I' \text{ sonst} \end{array} \right. & (I' \in \mathbf{Lexp}) \\ (a_1 = a_2)[e/I] &:= (a_1[e/I] = a_2[e/I]) & & & \\ (b_1 \wedge b_2)[e/I] &:= (b_1[e/I] \wedge b_2[e/I]) & (a_1 + a_2)[e/I] &:= a_1[e/I] + a_2[e/I] & \\ (\forall v. b)[e/I] &:= \forall v. (b[e/I]) & \dots & & \end{aligned}$$

Beispiel Problemsituationen:
 $(c[i].x[0])[5/c[1].x[0]] = ?$
 $(c[1].x[0])[8/c[1].x[j]] = ?$
 $(c[i].x[0])[8/c[1].x[j]] = ?$

Korrekte Software

15 [29]



Beispiel

```
int a[3];
// {true}
// {3 = 3}
a[2] = 3;
// {a[2] = 3}
// {4 · a[2] = 12}
a[1] = 4;
// {a[1] · a[2] = 12}
// {5 · a[1] · a[2] = 60}
a[0] = 5;
// {a[0] · a[1] · a[2] = 60}
```

$$\vdash \{P[e/I]\} I = e \{P\}$$

Korrekte Software

16 [29]



Beispiel: Problem

```

int a[3];
int i;
// {0 ≤ i < 2}
// {i ≠ 1}
a[0] = 3;
// {i ≠ 1}
// {i ≠ 1 ∧ 7 = 7}
a[1] = 7;
// {i ≠ 1 ∧ a[1] = 7}
a[2] = 9;
// {i ≠ 1 ∧ a[1] = 7}
// {(i = 1 ∧ −1 = 7) ∨ (i ≠ 1 ∧ a[1] = 7)}{a[1] = 7}
a[i] = -1;
// {a[1] = 7}

```

$$\vdash \{P[e/I]\} I = e\{P\}$$

Korrekte Software

17 [29]



Erstes Beispiel: Ein Feld initialisieren

```

1 // {0 ≤ n}
2 // {(∀j. 0 ≤ j < n → a[j] = j) ∧ 0 ≤ n ≤ n}
3 i = 0;
4 // {0 ≤ i < n → a[i] = i} ∧ 0 ≤ i ≤ n
5 while (i < n) {
6   // {(∀j. 0 ≤ j < i → a[j] = j) ∧ i ≤ n}
7   // {(∀j. 0 ≤ j < i → a[j] = j) ∧ i + 1 ≤ n}
8   // {(∀j. 0 ≤ j < i → ((i = j) ∨ (j = i)) ∨ (j ≠ i ∧ a[j] = j))}
9   // {(∀j. 0 ≤ j < i → ((i = j) ∨ (j = i)) ∨ (j ≠ i ∧ a[j] = j))} ∧ i + 1 ≤ n
10  // {(∀j. 0 ≤ j < i + 1 → ((i = j) ∨ (j = i)) ∨ (j ≠ i ∧ a[j] = j))}
11  // {i + 1 ≤ n}
12  a[i] = i;
13  // {(∀j. 0 ≤ j < i + 1 → a[j] = j) ∧ i + 1 ≤ n}
14  i = i + 1;
15  // {(∀j. 0 ≤ j < i → a[j] = j) ∧ i ≤ n}
16 }
17 // {(∀j. 0 ≤ j < i → a[j] = j) ∧ i ≤ n ∧ i ≥ n}
18 // {(∀j. 0 ≤ j < n → a[j] = j)}

```

► Wichtiges Theorem:

$$(\forall j. 0 \leq j < n \rightarrow P[j]) \wedge P[n] \implies \forall j. 0 \leq j < n + 1 \rightarrow P[j]$$

Korrekte Software

19 [29]



Vorgehensweise

- 1 // {}
 - 2 while (b) {
 - 3 // {I ∧ b}
 - 4 c
 - 5 // {}
 - 6 }
 - 7 // {I ∧ ¬b}
 - 8 // {}
- ① Finde/rate/formuliere Invariante /**
② Beweise $(I \wedge \neg b) \rightarrow \Phi$
③ Zeige mittels Floyd-Hoare-Regeln, dass Invariante durch Schleifenrumpf c erhalten bleibt
④ Setze Beweis mit Floyd-Hoare Regeln vor der Schleife fort

Korrekte Software

21 [29]



Längeres Beispiel: Suche nach einem Null-Element

```

1 // {0 ≤ n}
2 // {−1 ≠ −1 → 0 ≤ −1 < 0 ∧ a[−1] = 0} ∧ 0 ≤ 0 ≤ n
3 i = 0;
4 // {−1 ≠ −1 → 0 ≤ −1 < i ∧ a[−1] = 0} ∧ 0 ≤ i ≤ n
5 r = −1;
6 // {r ≠ −1 → 0 ≤ r < i ∧ a[r] = 0} ∧ 0 ≤ i ≤ n
7 while (i < n) {
8   // {(r ≠ −1 → 0 ≤ r < i ∧ a[r] = 0) ∧ 0 ≤ i ≤ n}
9   // {(r ≠ −1 → 0 ≤ r < i ∧ a[r] = 0) ∧ 0 ≤ i + 1 ≤ n}
10  if (a[i] == 0) {
11    // {(r ≠ −1 → 0 ≤ r < i + 1 ∧ a[r] = 0) ∧ 0 ≤ i + 1 ≤ n ∧ a[i] = 0}
B(i) ∧ C
12    // {0 ≤ i < i + 1 ∧ a[i] = 0} ∧ 0 ≤ i + 1 ≤ n ∧ a[i] = 0
      A(i)
      C
      B(i)
13    // {(i = −1 ∧ 0 ≤ i + 1 ≤ n ∧ a[i] = 0) ∨ (0 ≤ i < i + 1 ∧ a[i] = 0) ∧ 0 ≤ i + 1 ≤ n ∧ a[i] = 0}
      A(i)
      C
14    // {(i = −1 ∨ 0 ≤ i < i + 1 ∧ a[i] = 0) ∧ 0 ≤ i + 1 ≤ n ∧ a[i] = 0}
      A(i)
      C
15    // {(i ≠ −1 → 0 ≤ i < i + 1 ∧ a[i] = 0) ∧ 0 ≤ i + 1 ≤ n ∧ a[i] = 0}
      A(i)
      B(i)
      C
16  r = i;
17  // {(r ≠ −1 → 0 ≤ r < i + 1 ∧ a[r] = 0) ∧ 0 ≤ i + 1 ≤ n}
18 }
19 else {
20  // {(r ≠ −1 → 0 ≤ r < i + 1 ∧ a[r] = 0) ∧ 0 ≤ i + 1 ≤ n ∧ a[r] ≠ 0}
21  // {(r ≠ −1 → 0 ≤ r < i + 1 ∧ a[r] = 0) ∧ 0 ≤ i + 1 ≤ n}
22 }
23 // {(r ≠ −1 → 0 ≤ r < i + 1 ∧ a[r] = 0) ∧ 0 ≤ i + 1 ≤ n}
24 i = i + 1;
25 // {(r ≠ −1 → 0 ≤ r < i ∧ a[r] = 0) ∧ 0 ≤ i ≤ n}
26 }
27 // {(r ≠ −1 → 0 ≤ r < i ∧ a[r] = 0) ∧ 0 ≤ i ≤ n}
28 // {(r ≠ −1 → 0 ≤ r < n ∧ a[r] = 0) ∧ i = n}
29 // {(r ≠ −1 → 0 ≤ r < n ∧ a[r] = 0)}

```

23 [29]



Arbeitsblatt 8.1: Jetzt seid ihr dran

Annotiert die beiden folgenden Programme:

```

int a[2];
int i;
// {0 ≤ n ∧ 0 ≤ m ∧ n ≤ m}
a[0] = m;
//
b[0] = a[0] - n;
//
b[1] = a[0] + n;
//
a[1] = b[0] * b[1];
// {a[1] = m² - n²}

```

Korrekte Software

18 [29]



Beispiel: Suche nach dem maximalen Element

```

1 // {0 ≤ n}
2 // {(∀j. 0 ≤ j < i → a[j] ≤ a[i]) ∧ 0 ≤ i < n}
3 i = 0;
4 // {(∀j. 0 ≤ j < i → a[j] ≤ a[i]) ∧ 0 ≤ i < 0 < n}
5 r = i;
6 // {(∀j. 0 ≤ j < i → a[j] ≤ a[i]) ∧ 0 ≤ i < r < n}
7 while (i < n) {
8   // {(∀j. 0 ≤ j < i → a[j] ≤ a[i]) ∧ 0 ≤ i < n & 0 ≤ r < n}
9   // {(∀j. 0 ≤ j < i → a[j] ≤ a[i]) ∧ 0 ≤ i < n & 0 ≤ r < n}
10  if (a[i] >= a[r]) {
11    // {(∀j. 0 ≤ j < i → a[j] ≤ a[i]) ∧ 0 ≤ i < n & 0 ≤ r < a[i]}
12    // {(∀j. 0 ≤ j < i → a[j] ≤ a[i]) ∧ 0 ≤ i < n & 0 ≤ r < a[i]}
13    // {(∀j. 0 ≤ j < i → a[j] ≤ a[i]) ∧ 0 ≤ i < n & 0 ≤ r < a[i]}
14    r = i;
15  }
16  else {
17    // {(∀j. 0 ≤ j < i → a[j] ≤ a[i]) ∧ 0 ≤ i < n & a[r] < a[i]}
18    // {(∀j. 0 ≤ j < i → a[j] ≤ a[i]) ∧ 0 ≤ i < n & a[r] < a[i]}
19  }
20 }
21 i = i + 1;
22 // {(∀j. 0 ≤ j < i → a[j] ≤ a[i]) ∧ 0 ≤ i < n & 0 ≤ r < n}
23 r = i;
24 // {(∀j. 0 ≤ j < n → a[j] ≤ a[r]) ∧ 0 ≤ r < n & n ≤ i}
25 // {(∀j. 0 ≤ j < n → a[j] ≤ a[r]) ∧ 0 ≤ r < n & n ≤ i}

```

Korrekte Software

20 [29]



Längeres Beispiel: Suche nach einem Null-Element

```

1 i = 0;
2 r = -1;
3 while (i < n) {
4   if (a[i] == 0) {
5     r = i;
6   }
7   else {
8     i = i + 1;
9   }
10 }
11 // {r ≠ -1 → 0 ≤ r < n ∧ a[r] = 0}

```

Korrekte Software

22 [29]

Merkt euch folgende korrekten logischen Umformungen:

- $(F \wedge H) \vee (G \wedge H)$ ist äquivalent zu $(F \vee G) \wedge H$
- $\neg F \vee G$ ist äquivalent zu $F \rightarrow G$

Benutzte Logische Umformungen

► Zeilen 11-12:

- $[D \wedge C] \Rightarrow [C]$ und
- Erweiterung von C auf $B(i) \wedge C$, weil $C \vdash B(i)$ gilt.

► $[\varphi] \Rightarrow [\psi \vee \varphi]$ in der Form

$$[(B(i) \wedge C)] \Rightarrow [(\neg A(i) \wedge C) \vee (B(i) \wedge C)]$$

► DeMorgan:

$$[(\neg A(i) \wedge C) \vee (B(i) \wedge C)] \Rightarrow [(\neg A(i) \vee B(i)) \wedge C]$$

► Klassische Implikation:

$$[\neg U \vee V] \Leftrightarrow [U \Rightarrow V]$$

Korrekte Software

24 [29]



Längeres Beispiel: Suche nach einem Null-Element

```

10  /*** { 0 ≤ n } */
11  /*** { 0 ≤ 0 ≤ n } */
12  i := 0;
13  /*** { 0 ≤ i ≤ n } */
14  /** (-1 ≠ -1 → 0 ≤ -i & a[-1] == 0) ∧ 0 ≤ i ≤ n */
15  /** (-1 → 0 ≤ r < i & a[r] == 0) ∧ 0 ≤ i ≤ n */
16  /** { (r ≠ -1 → 0 ≤ r < i & a[r] == 0) ∧ 0 ≤ i ≤ n } */
17  while {
18    /** { (r ≠ -1 → 0 ≤ r < i & a[r] == 0) ∧ 0 ≤ i ≤ n & i < n } */
19    /** { (r ≠ -1 → 0 ≤ r < i & a[r] == 0) ∧ 0 ≤ i+1 ≤ n } */
20    if (x != 0) {
21      /** { (r ≠ -1 → 0 ≤ r < i & a[r] == 0) ∧ 0 ≤ i+1 ≤ n & a[i] == 0 } */
22      /** { (i ≠ -1 → 0 ≤ i+1 ≤ n & a[i] == 0) */
23      /** { (i ≠ -1 → 0 ≤ i < i+1 & a[i] == 0) ∧ 0 ≤ i+1 ≤ n } */
24      r := i;
25      /** { (r ≠ -1 → 0 ≤ r < i+1 & a[r] == 0) ∧ 0 ≤ i+1 ≤ n } */
26    }
27  else {
28    /** { (r ≠ -1 → 0 ≤ r < i & a[r] == 0) ∧ 0 ≤ i+1 ≤ n & a[i] ≠ 0 } */
29    /** { (r ≠ -1 → 0 ≤ r < i & a[r] == 0) ∧ 0 ≤ i+1 ≤ n } */
30  }
31  /** { (r ≠ -1 → 0 ≤ r < i+1 & a[r] == 0) ∧ 0 ≤ i+1 ≤ n } */
32  i := i+1;
33  /** { (r ≠ -1 → 0 ≤ r < i & a[r] == 0) ∧ 0 ≤ i ≤ n } */
34
35  /** { (r ≠ -1 → 0 ≤ r < i & a[r] == 0) ∧ 0 ≤ i ≤ n & (i < n) } */
36  /** { (r ≠ -1 → 0 ≤ r < i & a[r] == 0) ∧ 0 ≤ i ≤ n & i ≥ n } */
37  /** { (r ≠ -1 → 0 ≤ r < i & a[r] == 0) ∧ i == n } */
38  /** { r ≠ -1 → 0 ≤ r < n & a[r] == 0 } */

```

Korrekte Software

25 [29]



Allgemeine Regel bei Ersetzungen?

Wie sieht nun die allgemeine Regel aus für

$$\vdash \{P[e/l]\} l = e \{P\}$$

```

int a[3];
int i;
a[0] = 3;
a[1] = 7;
a[2] = 9;
a[a[2]-a[1]] = -1;
// {a[2]=-1}
int a[3];
int i;
i = 8;
a[0] = 3;
a[1] = i;
a[2] = 9;
a[a[2]-a[1]] = -1;
// {a[1]=-1}

```

Korrekte Software

26 [29]



Allgemeine Regel bei Ersetzungen (Nur Arrays)

Wie sieht nun die allgemeine Regel aus für

$$\vdash \{P[e/l]\} l = e \{P\}$$

- ① Wenn l / Programmvariable ist, wie gewohnt substituieren
- ② Wenn $l = a[s]$:
 - Vorkommen der Form $a[t]$ in Literalen $L(a[t])$ und s und t beide in \mathbb{Z} oder **Idt**,
 - ▶ dann ersetze $L(a[t])$ durch $L(e)$, falls $s = t$
 - Vorkommen der Form $a[t]$ in Literalen $L(a[t])$ und s oder t sind nicht aus \mathbb{Z} ,
 - ▶ dann ersetze $L(a[t])$ durch $(t = s \wedge L(e)) \vee (t \neq s \wedge L(a[t]))$

2.2 könnte ihr immer machen, 2.1 ist eine Optimierung

- ▶ Das ist jetzt immer noch nicht die ganz allgemeine Form, aber für unsere Belange reicht das.

Korrekte Software

27 [29]



Zusammenfassung

- ▶ Strukturierte Datentypen (Felder und Structs) erfordern strukturierte Adressen
- ▶ Abstraktion über „echtem“ Speichermodell
- ▶ Änderungen in der Semantik und im Floyd-Hoare-Kalkül überschaubar
- ▶ ... aber mit erheblichen Konsequenzen:
- ▶ Substitution wird zur Ersetzung
- ▶ Anwendung der Zuweisungsregel führt i.A. zu großen Formeln

Korrekte Software

28 [29]



Fahrplan

- ▶ Einführung
- ▶ Operationale Semantik
- ▶ Denotationale Semantik
- ▶ Äquivalenz der Operationalen und Denotationalen Semantik
- ▶ Der Floyd-Hoare-Kalkül I
- ▶ Der Floyd-Hoare-Kalkül II: Invarianten
- ▶ Korrektheit des Floyd-Hoare-Kalküls
- ▶ **Strukturierte Datentypen**
- ▶ Verifikationsbedingungen
- ▶ Vorwärts mit Floyd und Hoare
- ▶ Funktionen und Prozeduren I
- ▶ Funktionen und Prozeduren II
- ▶ Referenzen und Speichermodelle
- ▶ Ausblick und Rückblick

Korrekte Software

29 [29]

