

Korrekte Software: Grundlagen und Methoden

Vorlesung 2 vom 09.04.19

Operationale Semantik

Serge Autexier, Christoph Lüth

Universität Bremen

Sommersemester 2019

11.27.19 2019-07-04

1 [26]



Fahrplan

- Einführung
- **Operationale Semantik**
- Denotationale Semantik
- Äquivalenz der Operationalen und Denotationalen Semantik
- Der Floyd-Hoare-Kalkül
- Invarianten und die Korrektheit des Floyd-Hoare-Kalküls
- Strukturierte Datentypen
- Verifikationsbedingungen
- Vorwärts mit Floyd und Hoare
- Modellierung
- Spezifikation von Funktionen
- Referenzen und Speichermodelle
- Funktionsaufrufe und das Framing-Problem
- Ausblick und Rückblick

Korrekte Software

2 [26]



Zutaten

```
// GGT(A,B)
if (a == 0) r = b;
else {
  while (b != 0) {
    if (a <= b)
      b = b - a;
    else a = a - b;
  }
  r = a;
}
```

- Programme berechnen **Werte**
- Basierend auf
 - Werte sind **Variablen** zugewiesen
 - Evaluation von **Ausdrücken**
- Folgt dem Programmablauf

Korrekte Software

3 [26]



Unsere Programmiersprache

Wir betrachten einen Ausschnitt der Programmiersprache **C (C0)**.

Ausbaustufe 1 kennt folgende Konstrukte:

- Typen: **int**;
- Ausdrücke: Variablen, Literale (für ganze Zahlen), arithmetische Operatoren (für ganze Zahlen), Relationen ($=$, $<$, $\dots$), boolsche Operatoren ($\&\&$, $\|\|$);
- Anweisungen:
 - Fallunterscheidung (**if...else...**), Iteration (**while**), Zuweisung, Blöcke;
 - Sequenzierung und leere Anweisung sind implizit

Korrekte Software

4 [26]



C0: Ausdrücke und Anweisungen

Aexp $a ::= \mathbf{Z} \mid \mathbf{ldt} \mid a_1 + a_2 \mid a_1 - a_2 \mid a_1 * a_2 \mid a_1 / a_2$
Bexp $b ::= \mathbf{1} \mid \mathbf{0} \mid a_1 == a_2 \mid a_1 < a_2 \mid !b \mid b_1 \&\& b_2 \mid b_1 \|\| b_2$
Exp $e ::= a \mid b$
Stmt $c ::= \mathbf{ldt} = \mathbf{Exp} \mid \mathbf{if} (b) c_1 \mathbf{else} c_2 \mid \mathbf{while} (b) c \mid c_1; c_2 \mid \{\}$

NB: Nicht die **konkrete** Syntax.

Korrekte Software

5 [26]



Eine Handvoll Beispiele

```
a = (3+y)*x+5*b;
a = ((3+y)*x)+(5*b);

a = 3+y*x+5*b;

p = 1;
c = 1;
while (c <= n) {
  p = p * c;
  c = c + 1;
}
```

Korrekte Software

6 [26]



Semantik von C0

- Die (operationale) Semantik einer imperativen Sprache wie C0 ist ein **Zustandsübergang**: das System hat einen impliziten Zustand, der durch Zuweisung von **Werten** an **Adressen** geändert werden kann.

Systemzustände

- Ausdrücke werten zu **Werten** **V** (hier ganze Zahlen) aus.
- Adressen **Loc** sind hier Programmvariablen (Namen): **Loc** = **ldt**
- Ein **Systemzustand** bildet Adressen auf Werte ab: $\Sigma = \mathbf{Loc} \rightarrow \mathbf{V}$
- Ein Programm bildet einen Anfangszustand **m  glichlicherweise** auf einen Endzustand ab (wenn es **terminiert**).

Korrekte Software

7 [26]



Partielle, endliche Abbildungen

Zustände sind **partielle, endliche Abbildungen** (finite partial maps)

$$f : X \rightarrow A$$

Notation:

- $f(x)$ für den Wert von x in f (*lookup*)
- $f(x) = \perp$ wenn x nicht in f (*undefined*)
- $f[n/x]$ für den Update an der Stelle x mit dem Wert n :

$$f[n/x](y) \stackrel{\text{def}}{=} \begin{cases} n & \text{if } x = y \\ f(y) & \text{otherwise} \end{cases}$$

- $\langle x \mapsto n, y \mapsto m \rangle$ u.  . für konkrete Abbildungen.
- $\langle \rangle$ ist die leere (  berall undefinierte Abbildung):

$$\langle \rangle(x) = \perp$$

Korrekte Software

8 [26]



Operationale Semantik: Arithmetische Ausdrücke

Ein arithmetischer Ausdruck a wertet unter gegebenen Zustand σ zu einer ganzen Zahl n (Wert) aus oder zu einem Fehler $\perp$.

► **Aexp** $a ::= \mathbf{Z} \mid \mathbf{Idt} \mid a_1 + a_2 \mid a_1 - a_2 \mid a_1 * a_2 \mid a_1 / a_2$

$$\langle a, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n \mid \perp$$

Regeln:

$$\frac{}{\langle n, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n}$$

$$\frac{x \in \mathbf{Idt}, x \in \text{Dom}(\sigma), \sigma(x) = v}{\langle x, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} v} \quad \frac{x \in \mathbf{Idt}, x \notin \text{Dom}(\sigma)}{\langle x, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} \perp}$$



Operationale Semantik: Arithmetische Ausdrücke

► **Aexp** $a ::= \mathbf{Z} \mid \mathbf{Idt} \mid a_1 + a_2 \mid a_1 - a_2 \mid a_1 * a_2 \mid a_1 / a_2$

$$\langle a, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n \mid \perp$$

$$\frac{\langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_1 \quad \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_2 \quad n_i \in \mathbb{Z}, n \text{ Summe } n_1 \text{ und } n_2}{\langle a_1 + a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n}$$

$$\frac{\langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_1 \quad \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_2 \quad \text{falls } n_1 = \perp \text{ oder } n_2 = \perp}{\langle a_1 + a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} \perp}$$

$$\frac{\langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_1 \quad \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_2 \quad n_i \in \mathbb{Z}, n \text{ Diff. } n_1 \text{ und } n_2}{\langle a_1 - a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n}$$

$$\frac{\langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_1 \quad \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_2 \quad \text{falls } n_1 = \perp \text{ oder } n_2 = \perp}{\langle a_1 - a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} \perp}$$



Operationale Semantik: Arithmetische Ausdrücke

► **Aexp** $a ::= \mathbf{Z} \mid \mathbf{Idt} \mid a_1 + a_2 \mid a_1 - a_2 \mid a_1 * a_2 \mid a_1 / a_2$

$$\langle a, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n \mid \perp$$

$$\frac{\langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_1 \quad \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_2 \quad n_i \in \mathbb{Z}, n \text{ Produkt } n_1 \text{ und } n_2}{\langle a_1 * a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n}$$

$$\frac{\langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_1 \quad \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_2 \quad \text{falls } n_1 = \perp \text{ oder } n_2 = \perp}{\langle a_1 * a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} \perp}$$

$$\frac{\langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_1 \quad \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_2 \quad n_i \in \mathbb{Z}, n_2 \neq 0, n \text{ Quotient } n_1, n_2}{\langle a_1 / a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n}$$

$$\frac{\langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_1 \quad \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_2 \quad \text{falls } n_1 = \perp, n_2 = \perp \text{ oder } n_2 = 0}{\langle a_1 / a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} \perp}$$



Beispiel-Ableitungen

Sei $\sigma \stackrel{\text{def}}{=} \langle x \mapsto 6, y \mapsto 5 \rangle$.

$$\frac{\langle x, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} 6 \quad \langle y, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} 5}{\langle x + y, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} 11} \quad \frac{\langle x, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} 6 \quad \langle y, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} 5}{\langle x - y, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} 1}$$

$$\frac{}{\langle (x + y) * (x - y), \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} 11}$$

$$\frac{\langle x, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} 6 \quad \langle x, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} 6}{\langle x * x, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} 36} \quad \frac{\langle y, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} 5 \quad \langle y, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} 5}{\langle y * y, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} 25}$$

$$\frac{}{\langle (x * x) - (y * y), \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} 11}$$



Operationale Semantik: Boolesche Ausdrücke

► **Bexp** $b ::= 0 \mid 1 \mid a_1 == a_2 \mid a_1 < a_2 \mid !b \mid b_1 \&\& b_2 \mid b_1 \parallel b_2$

$$\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} \text{true} \mid \text{false} \mid \perp$$

Regeln:

$$\frac{}{\langle 1, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} \text{true}} \quad \frac{}{\langle 0, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} \text{false}}$$

$$\frac{\langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_1 \quad \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_2 \quad n_i \neq \perp, n_1 \text{ und } n_2 \text{ gleich}}{\langle a_1 == a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} \text{true}}$$

$$\frac{\langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_1 \quad \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_2 \quad n_i \neq \perp, n_1 \text{ und } n_2 \text{ ungleich}}{\langle a_1 == a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} \text{false}}$$

$$\frac{\langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_1 \quad \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Aexp} n_2 \quad n_1 = \perp \text{ or } n_2 = \perp}{\langle a_1 == a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} \perp}$$



Operationale Semantik: Boolesche Ausdrücke

► **Bexp** $b ::= 0 \mid 1 \mid a_1 == a_2 \mid a_1 < a_2 \mid !b \mid b_1 \&\& b_2 \mid b_1 \parallel b_2$

$$\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} \text{true} \mid \text{false} \mid \perp$$

Regeln:

$$\frac{\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} \text{true}}{\langle !b, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} \text{false}} \quad \frac{\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} \text{false}}{\langle !b, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} \text{true}} \quad \frac{\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} \perp}{\langle !b, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} \perp}$$

$$\frac{\langle b_1, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} t_1 \quad \langle b_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} t_2}{\langle b_1 \&\& b_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} t}$$

wobei $t = \text{true}$ wenn $t_1 = t_2 = \text{true}$;
 $t = \text{false}$ wenn $t_1 = \text{false}$ oder $(t_1 = \text{true}$ und $t_2 = \text{false})$;
 $t = \perp$ sonst



Operationale Semantik: Boolesche Ausdrücke

► **Bexp** $b ::= 0 \mid 1 \mid a_1 == a_2 \mid a_1 < a_2 \mid !b \mid b_1 \&\& b_2 \mid b_1 \parallel b_2$

$$\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} \text{true} \mid \text{false} \mid \perp$$

Regeln:

$$\frac{\langle b_1, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} t_1 \quad \langle b_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} t_2}{\langle b_1 \parallel b_2, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} t}$$

wobei $t = \text{false}$ wenn $t_1 = t_2 = \text{false}$;
 $t = \text{true}$ wenn $t_1 = \text{true}$ oder $(t_1 = \text{false}$ und $t_2 = \text{true})$;
 $t = \perp$ sonst



Operationale Semantik: Anweisungen

► **Stmt** $c ::= \mathbf{Idt} = \mathbf{Exp} \mid \mathbf{if} (b) \ c_1 \ \mathbf{else} \ c_2 \mid \mathbf{while} (b) \ c \mid c_1; c_2 \mid \{ \}$

Beispiel:

$$\langle c, \sigma \rangle \rightarrow_{Stmt} \sigma' \mid \perp$$

$$\langle x = 5, \sigma \rangle \rightarrow_{Stmt} \sigma'$$

wobei $\sigma'(x) = 5$ und $\sigma'(y) = \sigma(y)$ für alle $y \neq x$



Operationale Semantik: Anweisungen

► **Stmt** $c ::= \text{Idt} = \text{Exp} \mid \text{if } (b) \ c_1 \ \text{else} \ c_2 \mid \text{while } (b) \ c \mid c_1; c_2 \mid \{ \}$

Regeln:

$$\langle \{ \}, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma$$

$$\frac{\langle a, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Aexp}} n \in \mathbb{Z}}{\langle x = a, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma[n/x]}$$

$$\frac{\langle a, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Aexp}} \perp}{\langle x = a, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \perp}$$

$$\frac{\langle c_1, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma' \neq \perp \quad \langle c_2, \sigma' \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma'' \neq \perp}{\langle c_1; c_2, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma''}$$

$$\frac{\langle c_1, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \perp}{\langle c_1; c_2, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \perp}$$

$$\frac{\langle c_1, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma' \neq \perp \quad \langle c_2, \sigma' \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \perp}{\langle c_1; c_2, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \perp}$$

Korrekte Software

17 [26]



Operationale Semantik: Anweisungen

► **Stmt** $c ::= \text{Idt} = \text{Exp} \mid \text{if } (b) \ c_1 \ \text{else} \ c_2 \mid \text{while } (b) \ c \mid c_1; c_2 \mid \{ \}$

Regeln:

$$\frac{\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Bexp}} \text{true} \quad \langle c_1, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma'}{\langle \text{if } (b) \ c_1 \ \text{else} \ c_2, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma'}$$

$$\frac{\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Bexp}} \text{false} \quad \langle c_2, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma'}{\langle \text{if } (b) \ c_1 \ \text{else} \ c_2, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma'}$$

$$\frac{\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Bexp}} \perp}{\langle \text{if } (b) \ c_1 \ \text{else} \ c_2, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \perp}$$

Korrekte Software

18 [26]



Operationale Semantik: Anweisungen

► **Stmt** $c ::= \text{Idt} = \text{Exp} \mid \text{if } (b) \ c_1 \ \text{else} \ c_2 \mid \text{while } (b) \ c \mid c_1; c_2 \mid \{ \}$

Regeln:

$$\frac{\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Bexp}} \text{false}}{\langle \text{while } (b) \ c, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma}$$

$$\frac{\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Bexp}} \text{true} \quad \langle c, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma' \quad \langle \text{while } (b) \ c, \sigma' \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma''}{\langle \text{while } (b) \ c, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma''}$$

$$\frac{\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Bexp}} \text{true} \quad \langle c, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \perp}{\langle \text{while } (b) \ c, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \perp} \quad \frac{\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Bexp}} \perp}{\langle \text{while } (b) \ c, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \perp}$$

Korrekte Software

19 [26]



Beispiel

```
x = 1;
while (y != 0) {
  y = y - 1;
  x = 2 * x;
}
// x = 2^y
σ def (y ↦ 3)
```

Korrekte Software

20 [26]



Äquivalenz arithmetischer Ausdrücke

Gegeben zwei Aexp a_1 und a_2

► Sind sie gleich?

$$a_1 \sim_{\text{Aexp}} a_2 \text{ gdw } \forall \sigma, n. \langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Aexp}} n \Leftrightarrow \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Aexp}} n$$

$$(x * x) + 2 * x * y + (y * y) \quad \text{und} \quad (x + y) * (x + y)$$

► Wann sind sie gleich?

$$\forall \sigma, n. \langle a_1, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Aexp}} n \Leftrightarrow \langle a_2, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Aexp}} n$$

$$\begin{array}{ll} x * x & \text{und} \quad 8 * x + 9 \\ x * x & \text{und} \quad x * x + 1 \end{array}$$

Korrekte Software

21 [26]



Äquivalenz Boolescher Ausdrücke

Gegeben zwei Bexp-Ausdrücke b_1 und b_2

► Sind sie gleich?

$$b_1 \sim_{\text{Bexp}} b_2 \text{ iff } \forall \sigma, b. \langle b_1, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Bexp}} b \Leftrightarrow \langle b_2, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Bexp}} b$$

$$A \mid \mid (A \ \&\& \ B) \quad \text{und} \quad A$$

Korrekte Software

22 [26]



Beweisen

Zwei Programme c_0, c_1 sind äquivalent gdw. sie die gleichen Zustandsveränderungen bewirken. Formal definieren wir

Definition

$$c_0 \sim c_1 \text{ iff } \forall \sigma, \sigma'. \langle c_0, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma' \Leftrightarrow \langle c_1, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma'$$

Ein einfaches Beispiel:

Lemma

Sei $w \equiv \text{while } (b) \ c$ mit $b \in \text{Bexp}, c \in \text{Stmt}$.
Dann gilt: $w \sim \text{if } (b) \ \{c; w\} \ \text{else} \ \{ \}$

Korrekte Software

23 [26]



Beweis

Gegeben beliebiger Programmzustand σ . Zu zeigen ist, dass sowohl w also auch $\text{if } (b) \ \{c; w\} \ \text{else} \ \{ \}$ zu dem selben Programmzustand auswerten oder beide zu einem Fehler. Der Beweis geht per Fallunterscheidung über die Auswertung von Teilausdrücken bzw. Teilprogrammen.

① $\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Bexp}} \perp$:

$$\frac{\langle \text{while } (b) \ c, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \perp}{\langle \text{if } (b) \ \{c; w\} \ \text{else} \ \{ \}, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \perp}$$

② $\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Bexp}} \text{false}$:

$$\frac{\langle \text{while } (b) \ c, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma}{\langle \text{if } (b) \ \{c; w\} \ \text{else} \ \{ \}, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \langle \{ \}, \sigma \rangle \rightarrow_{\text{Stmt}} \sigma}$$

Korrekte Software

24 [26]



Beweis II

③ $\langle b, \sigma \rangle \rightarrow_{Bexp} true$:

① $\langle c, \sigma \rangle \rightarrow_{Stmt} \sigma'$

$$\begin{aligned} \overbrace{\langle \text{while } (b) \ c, \sigma \rangle}^w &\rightarrow_{Stmt} \langle c, \sigma \rangle \rightarrow_{Stmt} \sigma' \\ &\quad \langle w, \sigma' \rangle \rightarrow_{Stmt} \sigma'' \\ \langle \text{if } (b) \ \{c; w\} \ \text{else } \{\}, \sigma \rangle &\rightarrow_{Stmt} \langle \{c; w\}, \sigma \rangle \rightarrow_{Stmt} \langle c, \sigma \rangle \rightarrow_{Stmt} \sigma' \\ &\quad \langle w, \sigma' \rangle \rightarrow_{Stmt} \sigma'' \end{aligned}$$

② $\langle c, \sigma \rangle \rightarrow_{Stmt} \perp$

$$\begin{aligned} \overbrace{\langle \text{while } (b) \ c, \sigma \rangle}^w &\rightarrow_{Stmt} \langle c, \sigma \rangle \rightarrow_{Stmt} \perp \\ \langle \text{if } (b) \ \{c; w\} \ \text{else } \{\}, \sigma \rangle &\rightarrow_{Stmt} \langle \{c; w\}, \sigma \rangle \rightarrow_{Stmt} \langle c, \sigma \rangle \rightarrow_{Stmt} \perp \end{aligned}$$



Zusammenfassung

- ▶ Operationale Semantik als ein Mittel zur Beschreibung der Semantik
- ▶ Auswertungsregeln arbeiten entlang der syntaktischen Struktur
- ▶ Werten Ausdrücke zu Werten aus und Programme zu Zuständen (zu gegebenen Zustand)
- ▶ Fragen zu Programmen: Gleichheit

