

Korrekte Software: Grundlagen und Methoden

Vorlesung 11 vom 19.06.18: Funktionen und Prozeduren

Serge Autexier, Christoph Lüth

Universität Bremen

Sommersemester 2018

12.09.46 2018-08-01

1 [29]



Fahrplan

- Einführung
- Operationale Semantik
- Denotationale Semantik
- Äquivalenz der Operationalen und Denotationalen Semantik
- Die Floyd-Hoare-Logik
- Invarianten und die Korrektheit des Floyd-Hoare-Kalküls
- Strukturierte Datentypen
- Modellierung und Spezifikation
- Verifikationsbedingungen
- Vorwärts mit Floyd und Hoare
- Funktionen und Prozeduren
- Referenzen
- Ausblick und Rückblick

Korrekte Software

2 [29]



Funktionen & Prozeduren

- Funktionen sind das zentrale Modularisierungskonzept von C
 - Kleinste Einheit
 - NB. Prozeduren sind nur Funktionen vom Typ **void**
- In objektorientierten Sprachen: Methoden
 - Funktionen mit (implizitem) erstem Parameter **this**
- Wie behandeln wir Funktionen?

Korrekte Software

3 [29]



Modellierung und Spezifikation von Funktionen

Wir brauchen:

- (1) Von Anweisungen zu Funktionen: Deklarationen und Parameter
- (2) Semantik von Funktionsdefinition und Funktionsaufruf
- (3) Spezifikation von Funktionen
- (4) Beweisregeln für Funktionsdefinition und Funktionsaufruf

Korrekte Software

4 [29]



Von Anweisungen zu Funktionen

- Erweiterung unserer Kernsprache um Funktionsdefinition und Deklarationen:

```
FunDef ::= FunHeader FunSpec+ Blk
FunHeader ::= Type Idt(Decl*)
Decl ::= Type Idt
Blk ::= {Decl* Stmt}
Type ::= char | int | Struct | Array
Struct ::= struct Idt? {Decl+}
Array ::= Type Idt[Aexp]
```

- Abstrakte Syntax (konkrete Syntax mischt **Type** und **Idt**, Kommata bei Argumenten, ...)
- Größe von Feldern: **konstanter** Ausdruck
- **FunSpec** später

Korrekte Software

5 [29]



Funktionsaufrufe und Rückgaben

Neue Ausdrücke und Anweisungen:

- Funktionsaufrufe

- Return-Anweisung

```
Aexp a ::= Z | C | Lexp | a1 + a2 | a1 - a2 | a1 * a2 | a1 / a2
          | Idt(Exp+)
Bexp b ::= 1 | 0 | a1 == a2 | a1 < a2 | ! b | b1 && b2 | b1 || b2
Exp e ::= Aexp | Bexp
Stmt c ::= l = e | c1; c2 | { } | if (b) c1 else c2
          | while (b) /** inv a */ c | /** { a } */
          | Idt(a+)
          | return a?
```

Korrekte Software

6 [29]



R  ckgabewerte

- Problem: **return** bricht sequentiellen Kontrollfluss:

```
if (x == 0) return -1;
y = y / x;    // Wird nicht immer erreicht
```

- L  sung 1: verbieten!

- MISRA-C (Guidelines for the use of the C language in critical systems):

Rule 14.7 (required)

A function shall have a single point of exit at the end of the function.

- Nicht immer möglich, unübersichtlicher Code...
- Lösung 2: Erweiterung der Semantik von $\Sigma \rightarrow \Sigma$ zu $\Sigma \rightarrow (\Sigma + \Sigma \times \mathbf{V})$

Korrekte Software

7 [29]



Erweiterte Semantik

- Denotat einer Anweisung: $\Sigma \rightarrow (\Sigma + \Sigma \times \mathbf{V})$

- Abbildung von Ausgangszustand Σ auf:

- Sequentieller Folgezustand, oder
- Rückgabewert und R  ckgabezustand

- Was ist mit **void**?

- Erweiterte Werte: $\mathbf{V}_U \stackrel{\text{def}}{=} \mathbf{V} + \{*\}$

- Komposition zweier Anweisungen $f, g : \Sigma \rightarrow (\Sigma + \Sigma \times \mathbf{V}_U)$:

$$g \circ_S f(\sigma) \stackrel{\text{def}}{=} \begin{cases} g(\sigma') & f(\sigma) = \sigma' \\ (\sigma', v) & f(\sigma) = (\sigma', v) \end{cases}$$

Korrekte Software

8 [29]



Semantik von Anweisungen

$$\mathcal{C}[\cdot] : \text{Stmt} \rightarrow \Sigma \rightarrow (\Sigma + \Sigma \times \mathbf{V}_U)$$

$$\mathcal{C}[x = e] = \{(\sigma, \sigma[a/x]) \mid (\sigma, a) \in \mathcal{A}[e]\}$$

$$\mathcal{C}[c_1; c_2] = \mathcal{C}[c_1] \circ_S \mathcal{C}[c_2] \quad \text{Komposition wie oben}$$

$$\mathcal{C}\{\{\}\} = \text{Id}_\Sigma \quad \text{Id}_\Sigma := \{(\sigma, \sigma) \mid \sigma \in \Sigma\}$$

$$\mathcal{C}[\text{if } (b) \ c_0 \ \text{else} \ c_1] = \{(\sigma, \sigma') \mid (\sigma, \text{true}) \in \mathcal{B}[b] \wedge (\sigma, \sigma') \in \mathcal{C}[c_0]\} \\ \cup \{(\sigma, \sigma') \mid (\sigma, \text{false}) \in \mathcal{B}[b] \wedge (\sigma, \sigma') \in \mathcal{C}[c_1]\} \\ \text{mit } \sigma' \in \Sigma \cup (\Sigma \times \mathbf{V}_U)$$

$$\mathcal{C}[\text{return } e] = \{(\sigma, (\sigma, a)) \mid (\sigma, a) \in \mathcal{A}[e]\}$$

$$\mathcal{C}[\text{return}] = \{(\sigma, (\sigma, *))\}$$

$$\mathcal{C}[\text{while } (b) \ c] = \text{fix}(\Gamma)$$

$$\Gamma(\psi) \stackrel{\text{def}}{=} \{(\sigma, \sigma') \mid (\sigma, \text{true}) \in \mathcal{B}[b] \wedge (\sigma, \sigma') \in \psi \circ_S \mathcal{C}[c]\} \\ \cup \{(\sigma, \sigma) \mid (\sigma, \text{false}) \in \mathcal{B}[b]\}$$

Korrekte Software

9 [29]



Semantik von Funktionsdefinitionen

$$\mathcal{D}_{fd}[\cdot] : \text{FunDef} \rightarrow \mathbf{V}^n \rightarrow \Sigma \rightarrow \Sigma \times \mathbf{V}_U$$

Das Denotat einer Funktion ist eine Anweisung, die über den tatsächlichen Werten für die Funktionsargumente parametrisiert ist.

$$\mathcal{D}_{fd}[f(t_1 \ p_1, t_2 \ p_2, \dots, t_n \ p_n) \ blk] = \\ \lambda v_1, \dots, v_n. \{(\sigma, (\sigma', v)) \mid \\ (\sigma, (\sigma', v)) \in \mathcal{D}_{blk}[blk] \circ_S \{(\sigma, \sigma[v_1/p_1, \dots, v_n/p_n])\}\}$$

- Die Funktionsargumente sind lokale Deklarationen, die mit den Aufrufwerten initialisiert werden.
 - Insbesondere können sie lokal in der Funktion verändert werden.
- Von $\mathcal{D}_{blk}[blk]$ sind nur **Rückgabezustände** interessant.
 - Kein „fall-through“

Korrekte Software

10 [29]



Semantik von Blöcken und Deklarationen

$$\mathcal{D}_{blk}[\cdot] : \text{Blk} \rightarrow \Sigma \rightarrow (\Sigma + \Sigma \times \mathbf{V}_U)$$

$$\mathcal{D}_d[\cdot] : \text{Decl} \rightarrow \Sigma \rightarrow (\Sigma + \Sigma \times \mathbf{V}_U)$$

Blöcke bestehen aus Deklarationen und einer Anweisung:

$$\mathcal{D}_{blk}[\text{decls } \text{stmts}] = \mathcal{C}[\text{stmts}] \circ_S \mathcal{D}_d[\text{decls}]$$

$$\mathcal{D}_d[t \ i] = \{(\sigma, \sigma[\perp/i])\}$$

- Verallgemeinerung auf Sequenz von Deklarationen

Korrekte Software

11 [29]



Funktionsaufrufe

- Aufruf einer Funktion: $f(t_1, \dots, t_n)$:

- Auswertung der Argumente $t_1, \dots, t_n$

- Einsetzen in die Semantik $\mathcal{D}_{fd}[f]$

- Call by name, call by value, call by reference...?

- C kennt nur call by value (C-Standard 99, §6.9.1. (10))

- Was ist mit **Seiteneffekten**? Wie können wir Werte **ändern**?

- Erst mal gar nicht...

Korrekte Software

12 [29]



Funktionsaufrufe

- Um eine Funktion f aufzurufen, müssen wir (statisch!) die Semantik der **Definition** von f dem Bezeichner f zuordnen.

- Deshalb brauchen wir eine **Umgebung** (Environment):

$$\text{Env} = \text{Id} \rightarrow [\text{FunDef}]$$

$$= \text{Id} \rightarrow \mathbf{V}^N \rightarrow \Sigma \rightarrow (\Sigma \times \mathbf{V}_U)$$

- Das Environment ist **zusätzlicher Parameter** für alle Definitionen

Korrekte Software

13 [29]



Semantik von Funktionsaufrufen

$$\mathcal{A}[f(t_1, \dots, t_n)]\Gamma = \{(\sigma, v) \mid \exists \sigma'. v. (\sigma, (\sigma', v)) \in \Gamma(f)(v_1, \dots, v_n) \\ \wedge (\sigma, v_i) \in \mathcal{A}[t_i]\Gamma\}$$

$$\mathcal{C}[f(t_1, \dots, t_n)]\Gamma = \{(\sigma, \sigma') \mid \exists \sigma'. (\sigma, (\sigma', *)) \in \Gamma(f)(v_1, \dots, v_n) \\ \wedge (\sigma, v_i) \in \mathcal{A}[t_i]\Gamma\}$$

$$\mathcal{C}[x = f(t_1, \dots, t_n)]\Gamma = \{(\sigma, \sigma'[v/x]) \mid \exists \sigma'. v. (\sigma, (\sigma', v)) \in \Gamma(f)(v_1, \dots, v_n) \\ \wedge (\sigma, v_i) \in \mathcal{A}[t_i]\Gamma\}$$

- Aufruf einer nicht-definierten Funktion f oder mit falscher Anzahl n von Parametern ist nicht definiert
 - Muss durch **statische Analyse** verhindert werden
- Aufruf von Funktion $\mathcal{A}[f(t_1, \dots, t_n)]$ ignoriert Endzustand
- Aufruf von Prozedur $\mathcal{C}[f(t_1, \dots, t_n)]$ ignoriert Rückgabewert
- Besser: Kombination mit Zuweisung

Korrekte Software

14 [29]



Spezifikation von Funktionen

- Wir **spezifizieren** Funktionen durch **Vor-** und **Nachbedingungen**

- Ähnlich den Hoare-Tripeln, aber vereinfachte Syntax

- Behavioural specification**, angelehnt an JML, OCL, ACSL (Frama-C)

- Syntaktisch:

$$\text{FunSpec} ::= \text{/** pre Bexp post Bexp */}$$

$$\text{Vorbedingung} \quad \text{pre } sp; \quad \Sigma \rightarrow \mathbb{B}$$

$$\text{Nachbedingung} \quad \text{post } sp; \quad \Sigma \times (\Sigma \times \mathbf{V}_U) \rightarrow \mathbb{B}$$

$$\backslash \text{old}(e) \quad \text{Wert von } e \text{ im } \textbf{Vorzustand}$$

$$\backslash \text{result} \quad \text{Rückgabewert der Funktion}$$

Korrekte Software

15 [29]



Beispiel: Fakultät

```
int fac(int n)
/** pre 0 ≤ n;
    post \result == n!;
 */
{
    int p;
    int c;

    p = 1;
    c = 1;
    while (c ≤ n) /** inv p == (c - 1)! ∧ c ≤ n + 1 ∧ 0 < c */ {
        p = p * c;
        c = c + 1;
    }
    return p;
}
```

Korrekte Software

16 [29]



Beispiel: Suche

```
int findmax(int a[], int a_len)
/** pre  \array(a, a_len); */
/** post  \forall i. 0 ≤ i < a_len → a[i] ≤ \result; */
{
  int x; int j;

  x = INT_MIN; j = 0;
  while (j < a_len)
    /** inv  (\forall i. 0 ≤ i < j → a[i] ≤ x) ∧ j ≤ a_len; */
    {
      if (a[j] > x) x = a[j];
      j = j + 1;
    }
  return x;
}
```

Korrekte Software

17 [29]



Semantik von Spezifikationen

- ▶ Vorbedingung: Auswertung als $\mathcal{B}[\![sp]\!]\Gamma$ über dem Vorzustand
- ▶ Nachbedingung: Erweiterung von $\mathcal{B}[\![\cdot]\!]$ und $\mathcal{A}[\![\cdot]\!]$
 - ▶ Ausdrücke können in Vor- oder Nachzustand ausgewertet werden.
 - ▶ $\backslash\text{result}$ kann nicht in Funktionen vom Typ **void** auftreten.

$$\begin{aligned} \mathcal{B}_{sp}[\![\cdot]\!] &: \text{Env} \rightarrow \text{Bexp} \rightarrow (\Sigma \times (\Sigma \times \mathbf{V}_U)) \rightarrow \mathbb{B} \\ \mathcal{A}_{sp}[\![\cdot]\!] &: \text{Env} \rightarrow \text{Aexp} \rightarrow (\Sigma \times (\Sigma \times \mathbf{V}_U)) \rightarrow \mathbf{V} \\ \mathcal{B}_{sp}[\![b]\!]\Gamma &= \{((\sigma, (\sigma', v)), 1) \mid ((\sigma, (\sigma', v)), \text{false}) \in \mathcal{B}_{sp}[\![b]\!]\Gamma\} \\ &\quad \cup \{((\sigma, (\sigma', v)), 0) \mid ((\sigma, (\sigma', v)), \text{true}) \in \mathcal{B}_{sp}[\![b]\!]\Gamma\} \\ &\dots \\ \mathcal{B}_{sp}[\![\text{old}(e)]\!]\Gamma &= \{((\sigma, (\sigma', v)), b) \mid (\sigma, b) \in \mathcal{B}[\![e]\!]\Gamma\} \\ \mathcal{A}_{sp}[\![\text{old}(e)]\!]\Gamma &= \{((\sigma, (\sigma', v)), a) \mid (\sigma, a) \in \mathcal{A}[\![e]\!]\Gamma\} \\ \mathcal{A}_{sp}[\![\text{result}]\!]\Gamma &= \{((\sigma, (\sigma', v)), v)\} \end{aligned}$$

$$\mathcal{B}_{sp}[\![\text{pre } p \text{ post } q]\!]\Gamma = \{((\sigma, (\sigma', v)) \mid \sigma \in \mathcal{B}[\![p]\!]\Gamma \wedge (\sigma', (\sigma', v)) \in \mathcal{B}_{sp}[\![q]\!]\Gamma\}$$

Korrekte Software

18 [29]



Gültigkeit von Spezifikationen

- ▶ Die Semantik von Spezifikationen erlaubt uns die Definition der **semantischen Gültigkeit**.

$$\begin{aligned} \text{pre } p \text{ post } q \models \text{FunDef} \\ \iff \forall v_1, \dots, v_n. \mathcal{D}_{fd}[\![\text{FunDef}]\!]\Gamma \in \mathcal{B}_{sp}[\![\text{pre } p \text{ post } q]\!]\Gamma \end{aligned}$$

- ▶ Γ enthält globale Definitionen, insbesondere andere Funktionen.
- ▶ Wie passt das zu $\models \{P\} c \{Q\}$ für Hoare-Tripel?
- ▶ Wie **beweisen** wir das? **Erweiterung** des Hoare-Kalküls

Korrekte Software

19 [29]



Erweiterung des Floyd-Hoare-Kalküls

$$\mathcal{C}[\![\cdot]\!] : \text{Stmt} \rightarrow \Sigma \rightarrow (\Sigma + \Sigma \times \mathbf{V}_U)$$

Hoare-Tripel: zusätzliche Spezifikation für **Rückgabewert**.

Partielle Korrektheit ($\models \{P\} c \{Q|Q_R\}$)

c ist **partiell korrekt**, wenn für alle Zustände σ , die P erfüllen:

- ▶ die Ausführung von c mit σ in σ' regulär terminiert, so dass σ' die Spezifikation Q erfüllt,
- ▶ oder die Ausführung von c in σ' mit dem Rückgabewert v terminiert, so dass (σ', v) die Rückgabespezifikation Q_R erfüllt.

$$\begin{aligned} \models \{P\} c \{Q|Q_R\} &\iff \\ \forall \sigma. \sigma \models \mathcal{B}[\![P]\!]\Gamma &\implies \exists \sigma'. (\sigma, \sigma') \in \mathcal{C}[\![c]\!]\Gamma \wedge \sigma' \models \mathcal{B}[\![Q]\!]\Gamma \\ &\vee \\ &\exists \sigma', v. (\sigma, (\sigma', v)) \in \mathcal{C}[\![c]\!]\Gamma \wedge (\sigma', v) \models \mathcal{B}[\![Q_R]\!]\Gamma \end{aligned}$$

Korrekte Software

20 [29]



Kontext

- ▶ Wir benötigen ferner einen **Kontext** Γ , der Funktionsbezeichnern ihre **Spezifikation** (Vor/Nachbedingung) zuordnet.
- ▶ $\Gamma(f) = \forall x_1, \dots, x_n. (P, Q)$, für Funktion $f(x_1, \dots, x_n)$ mit Vorbedingung P und Nachbedingung Q .
- ▶ Notation: $\Gamma \models \{P\} c \{Q|Q_R\}$ und $\Gamma \vdash \{P\} c \{Q|Q_R\}$
- ▶ Korrektheit gilt immer nur im **Kontext**, dadurch kann jede Funktion separat verifiziert werden (**Modularität**)

Korrekte Software

21 [29]



Erweiterung des Floyd-Hoare-Kalküls: return

$$\frac{}{\Gamma \vdash \{Q\} \text{return } \{P|Q\}} \quad \frac{}{\Gamma \vdash \{Q[e/\backslash\text{result}]\} \text{return } e \{P|Q\}}$$

- ▶ Bei **return** wird die Rückgabespezifikation Q zur Vorbedingung, die reguläre Nachfolgespezifikation wird ignoriert, da die Ausführung von **return** kein Nachfolgezustand hat.
- ▶ **return** ohne Argument darf nur bei einer Nachbedingung Q auftreten, die kein **result** enthält.
- ▶ Bei **return** mit Argument ersetzt der Rückgabewert den **result** in der Rückgabespezifikation.

Korrekte Software

22 [29]



Erweiterung des Floyd-Hoare-Kalküls: Spezifikation

$$\frac{P \implies P'[y_i/\backslash\text{old}(y_i)] \quad \Gamma[f \mapsto \forall x_1, \dots, x_n. (P, Q)] \vdash \{P'\} \text{blk } \{Q|Q\}}{\Gamma \vdash f(x_1, \dots, x_n) /** \text{pre } P \text{ post } Q */ \{ds \text{ blk}\}}$$

- ▶ Die Parameter x_i werden per Konvention nur als x_i referenziert, aber es ist immer der Wert im **Vorzustand** gemeint (eigentlich $\backslash\text{old}(x_i)$).
- ▶ Variablen unterhalb von $\backslash\text{old}(y)$ werden bei der Substitution (Zuweisungsregel) **nicht ersetzt!**
- ▶ $\backslash\text{old}(y)$ wird beim Weakening von der Vorbedingung P ersetzt

Korrekte Software

23 [29]



Erweiterung des Floyd-Hoare-Kalküls: Aufruf

$$\frac{\begin{array}{l} \Gamma(f) = \forall x_1, \dots, x_n. (P, Q), f \text{ vom Typ void} \\ \Gamma \vdash \{Y_j = y_j \ \&\& \ P[t_i/x_i]\} \\ f(t_1, \dots, t_n) \\ \{Q[t_i/x_i][Y_j/\backslash\text{old}(y_j)]|Q_R\} \end{array}}{\Gamma(f) = \forall x_1, \dots, x_n. (P, Q)} \quad \frac{}{\Gamma \vdash \{Y_j = y_j \ \&\& \ P[t_i/x_i]\} \quad x = f(t_1, \dots, t_n) \quad \{Q[t_i/x_i][Y_j/\backslash\text{old}(y_j)][x/\backslash\text{result}]|Q_R\}}$$

- ▶ Γ muss f mit der Vor-/Nachbedingung P, Q enthalten
- ▶ In P und Q werden Parameter x_i durch Argumente t_i ersetzt.
- ▶ $y_1, \dots, y_m$ sind die als $\backslash\text{old}(y_j)$ in Q auftretenden Variablen
- ▶ $Y_1, \dots, Y_m$ dürfen nicht in P oder Q enthalten sein
- ▶ Im ersten Fall (Aufruf als Prozedur) enthält Q kein **result**

Korrekte Software

24 [29]



Erweiterter Floyd-Hoare-Kalkül I

$$\frac{}{\Gamma \vdash \{P\} \{\} \{P|Q_R\}} \quad \frac{\Gamma \vdash \{P\} c_1 \{R|Q_R\} \quad \Gamma \vdash \{R\} c_2 \{Q|Q_R\}}{\Gamma \vdash \{P\} c_1; c_2 \{Q|Q_R\}}$$

$$\frac{}{\Gamma \vdash \{Q[e/x]\} x = e \{Q|Q_R\}} \quad \frac{\Gamma \vdash \{P \wedge b\} c \{P|Q_R\}}{\Gamma \vdash \{P\} \text{while } (b) \text{ c } \{P \wedge \neg b|Q_R\}}$$

$$\frac{\Gamma \vdash \{P \wedge b\} c_1 \{Q|Q_R\} \quad \Gamma \vdash \{P \wedge \neg b\} c_2 \{Q|Q_R\}}{\Gamma \vdash \{P\} \text{if } (b) \text{ c}_1 \text{ else c}_2 \{Q|Q_R\}}$$

$$\frac{P \longrightarrow P' \quad \Gamma \vdash \{P'\} c \{Q'|R'\} \quad Q' \longrightarrow Q \quad R' \longrightarrow R}{\Gamma \vdash \{P\} c \{Q|R\}}$$

Korrekte Software

25 [29]



Erweiterter Floyd-Hoare-Kalkül II

$$\frac{\Gamma \vdash \{Q\} \text{return } \{P|Q\}}{\Gamma \vdash \{Q[e/\text{result}]\} \text{return } e \{P|Q\}}$$

$$\frac{\Gamma[f \mapsto (P, Q)] \vdash \{X_i = x_i \wedge Y_j = y_j \wedge P\} \quad \text{blk} \quad \{Q[X_i/x_i][Y_j/\text{old}(y_j)]|Q[X_i/x_i][Y_j/\text{old}(y_j)]\}}{\Gamma \vdash f(x_1, \dots, x_n)/** \text{pre } P \text{ post } Q **/ \{ds \text{ blk}\}}$$

$$\frac{\Gamma(f) = \forall x_1, \dots, x_n. (P, Q), f \text{ vom Typ void} \quad \Gamma \vdash \{Y_j = y_j \wedge P[t_i/x_i]\} \quad f(t_1, \dots, t_n) \quad \{Q[t_i/x_i][Y_j/\text{old}(y_j)]|Q_R\}}{\Gamma \vdash \{Y_j = y_j \wedge P[t_i/x_i]\} \quad x = f(t_1, \dots, t_n) \quad \{Q[t_i/x_i][Y_j/\text{old}(y_j)][x/\text{result}]|Q_R\}}$$

Korrekte Software

26 [29]



Beispiel: die Fakultätsfunktion, rekursiv

```
int fac(int x)
/** pre 0 ≤ x;
    post result = x! */
{
    int r = 0;

    if (x == 0) { return 1; }
    r = fac(x-1);
    return r * x;
}
```

Korrekte Software

27 [29]



Beobachtungen

- Der Aufruf einer Funktion **ersetzt** die momentane Nachbedingung — das ist ein Problem
- Wir brauchen keine Invariante mehr — ist durch die Nachbedingung gegeben
- Rekursion benötigt keine Extrabehandlung
 - Termination von rekursiven Funktionen wird extra gezeigt

Korrekte Software

28 [29]



Zusammenfassung

- Funktionen sind **zentrales Modularisierungskonzept**
- Wir müssen Funktionen **modular** verifizieren können
- Erweiterung der **Semantik**:
 - Semantik von Deklarationen und Parameter — straightforward
 - Semantik von **Rückgabewerten** — Erweiterung der Semantik
 - **Funktionsaufrufe** — Environment, um Funktionsbezeichnern eine Semantik zu geben
- Erweiterung der **Spezifikationen**:
 - Spezifikation von Funktionen: **Vor-/Nachzustand** statt logischer Variablen
- Erweiterung des Hoare-Kalküls:
 - Environment, um andere Funktionen zu nutzen
 - Gesonderte Nachbedingung für Rückgabewert/Endzustand

Korrekte Software

29 [29]

