Formale Modellierung
Vorlesung 14 vom 21.07.2014: Zusammenfassung, Rückblick, Ausblick

Serge Autexier & Christoph Lüth

Universität Bremen

Sommersemester 2014

Fahrplan

- Teil I: Formale Logik
- Teil II: Spezifikation und Verifikation
  - Formale Modellierung mit der UML und OCL
  - Lineare Temporale Logik
  - Temporale Logik und Modellprüfung
  - Hybride Systeme
  - Zusammenfassung, Rückblick, Ausblick

Heute in diesem Theater

- Zusammenfassung und Rückblick
- Formale Modellierung und Formale Methoden in der Praxis
- ... und jetzt?

Unsere Reise durch die Logik

	Entscheidbar?	Vollständig?	Werkzeuge (Beweiser)
Aussagenlogik	J	J	SAT-Solver
Presburger	J	J	SMT-Solver: Z3, CVC
Peano-Ar.	N	J	
FOL	N	J	ATPs: SPASS, Vampire
FOL + Induktion	N	N	KIV, KeY, Inka
HOL	N	N	ITPs: Isabelle, Coq, PVS

Aussagenlogik

- Formeln und Bedeutung
- Beweisprinzipien:
  - Wahrheitstabelle, natürliches Schließen, Äquivalenzumformung, Resolution
- $\models P$ vs. $\vdash P$
- Warum ist Aussagenlogik entscheidbar?

Prädikatenlogik

- Formeln und Bedeutung
- Welche Beweisprinzipien?
- Besonderheit beim natürlichen Schließen?
- Warum ist Prädikatenlogik vollständig?
- ... und warum nicht mehr entscheidbar?

Induktion und Logik höherer Stufe

- Wie axiomatisieren wir die natürlichen Zahlen?
- Wie sehen Modelle der natürlichen Zahlen aus (und was ist ein Nichtstandardmodell)?
- Was ist der Unterschied zwischen natürlicher Induktion und wohlfundierter Induktion?
- Wie funktioniert der Beweis für die Unvollständigkeitssätze?
- Warum ist Logik höherer Stufe nicht mehr vollständig?
- Was ist eine konservative Erweiterung?

UML

- Was ist formal an der UML?
  - Klassendiagramme, Zustands- und Sequenzdiagramme
- Was ist OCL?
  - Eine Sprache zur Einschränkung der Modellklasse
  - Woraus besteht die OCL?
  - Welche Logik benutzt die OCL?
  - Welche Typen kennt die OCL?

Temporallogik

- Was sind temporale Logiken?
- Welche Operatoren haben LTL und CTL? Was ist der Unterschied?
- Wie ist Gültigkeit für LTL/CTL definiert?
- Ist LTL/CTL entscheidbar? ... vollständig?
- Was ist das Modelchecking-Problem?
- Was ist das Problem beim Modelchecking?

Modellierung, formale Modellierung, Programme und formale Methoden

- Formale Logik — Mathematik
- Programme und Berechenbarkeit
- Formale Methoden: Anwendung der Methoden der Logik auf Programme
- Automatisierte Beweisverfahren: Anwendung von Programmen auf die Logik

Formale Modellierung: Geschichtlicher Rückblick

- Gottlob Frege (1848– 1942)
  - 'Begriffsschrift, eine der arithmetischen nachgebildete Formelsprache des reinen Denkens' (1879)
- Georg Cantor (1845– 1918), Bertrand Russel (1872– 1970), Ernst Zermelo (1871– 1953)
  - Einfache Mengenlehre: inkonsistent (Russel's Paradox)
  - Axiomatische Mengenlehre: Zermelo-Fränkel
- David Hilbert (1862– 1943)
  - Hilbert's Programm: 'mechanisierte' Beweistheorie
- Kurt Gödel (1906– 1978)
  - Vollständigkeitssatz, Unvollständigkeitssätze

Formale Methoden: Geschichtlicher Rückblick

- Ziel: Methoden, um die Korrektheit von Programmen sicherzustellen
- Erste Ansätze: Alan Turing (1949)
- Robert Floyd und CAR Hoare: Floyd-Hoare-Kalkül (1969/1971)
- Korrektheit durch Konstruktion: Dijsktra, Gries und andere (1972 ff)
- Problem: sehr viele, größtenteils triviale Beweise

Automatisches Theorembeweisen

- Automatisches Beweisen: Wurzeln in der Mathematik, ursprünglich Teil der KI:
  - Termersetzung (Thue, Semi-Thue-Systeme: 1910; Schönfinkel, Kombinatorlogik: 1930)
  - SAT (Davis-Putnam, 1960; Davis, Logemann and Loveland, 1962)
  - Resolution (Robinson, 1965: Unifikation)
- Früher Enthusiasmus, dann Ernüchterung; durch leistungsfähigere Rechner und Algorithmen späte Blüte.

Formale Modellierung und Formale Methoden

- Das LCF System (Robin Milner: Stanford LCF, Cambride LCF, Edinburgh LCF, ab 1972)
  - Entwickelt als "Programmbeweissystem"
  - "Stammvater" vieler moderner Beweise: Isabelle, Coq, HOL4, HOL light
- NQTHM (Boyer-Moore, ab 1971)
  - Heute: ACL-2
- Zwei Schulen: getypt vs. ungetypt, expansiv vs. Beweisobjekte

Formale Methoden

- Stetiger Fortschritt auf vielen Ebenen
- Statische Programmanalyse (eg. WCET, AbsInt)
- Modellbasierte Entwicklung (insbes. SCADE und andere)
- Beweisbasierte Verfahren (Microsoft's SLAM, B-Methode)
- Hardwareverifkation: Intel, AMD, Infineon, ...
- L4.verified

Formale Modellierung in der Mathematik

- Perelmann und Poincaré; Andrew Wiles und Fermat's letztes Theorem; die Riemannsche Vermutung
- Vierfarbenproblem (Appel-Haken, 1970)
- Vierfarbenproblem in Coq (Gonthier, 2005)
- Die Keplersche Vermutung und Flyspeck (Hales, ab 2002?)

Stand der Kunst

- Formale Modellierung Stand der Kunst
  - Luft- und Raumfahrt
  - Automotive
  - ... nicht im Finanzbereich!
- In den kommenden Jahren: weitere Anwendungsgebiete
  - Spezialisierte Techniken für bestimmte Anwendungsfälle (DSLs)

... und jetzt?

- Besuchen Sie auch: Formale Methoden der Softwaretechnik (Master-Wahlveranstaltung)
- Bachelor/Diplomarbeiten am DFKI/AGRA
- Andere Gruppen an der Uni Bremen

Tschüß!